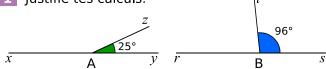
M1

Fiche 3: calculer des angles

1 Justifie tes calculs.



a. Quelle est la mesure de l'angle $\widehat{x Az}$?

$$\widehat{x \, A \, y} = 180^{\circ}$$
 (angle plat). Donc :

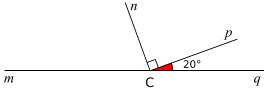
$$\widehat{x A z} = 180^{\circ} - \widehat{z A y} = 180^{\circ} - 25^{\circ} = 155^{\circ}.$$

b. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{rBt} ?

$$\widehat{rBs} = 180^{\circ}$$
 (angle plat). Donc :

$$\widehat{rBt} = 180^{\circ} - \widehat{tBs} = 180^{\circ} - 96^{\circ} = 84^{\circ}.$$

Calcule et justifie.



a. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{qCn} ?

 $\widehat{p \ \mathsf{C} n}$ est un angle droit donc $\widehat{p \ \mathsf{C} n} = 90^\circ$.

$$\widehat{qCn} = \widehat{qCp} + \widehat{pCn} = 20^{\circ} + 90^{\circ} = 110^{\circ}.$$

b. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{mCn} ?

$$\widehat{mCq} = 180^{\circ}$$
 (angle plat). Donc :

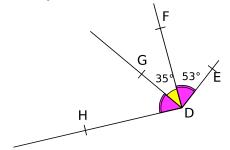
$$\widehat{mCn} = 180^{\circ} - \widehat{qCn} = 180^{\circ} - 110^{\circ} = 70^{\circ}.$$

c. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{mCp} ?

$$\widehat{mCp} = \widehat{mCn} + \widehat{pCn} = 70^{\circ} + 90^{\circ} = 160^{\circ}.$$

(ou bien :
$$\widehat{mCp} = 180^{\circ} - \widehat{qCp} = 180^{\circ} - 20^{\circ} = 160^{\circ}$$
).

3 Calcule et justifie.



a. Quelle est la mesure de l'angle HDF?

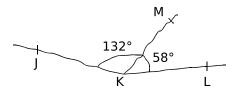
D'après le codage, $\widehat{HDG} = \widehat{FDE} = 53^{\circ}$.

$$\widehat{HDF} = \widehat{HDG} + \widehat{GDF} = 53^{\circ} + 35^{\circ} = 88^{\circ}$$
.

b. Quelle est la mesure de l'angle HDE?

$$\widehat{HDE} = \widehat{HDF} + \widehat{FDF} = 88^{\circ} + 53^{\circ} = 141^{\circ}$$

4 Les points J, K et L sont-ils alignés ? Justifie. (Attention, la figure est volontairement fausse.)

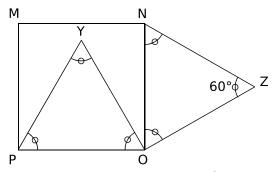


$$\widehat{JKL} = \widehat{JKM} + \widehat{MKL} = 132^{\circ} + 58^{\circ} = 190^{\circ}.$$

La mesure de \widehat{JKL} est différente de 180° donc \widehat{JKL} n'est pas un angle plat.

Donc les points J,K et L ne sont pas alignés.

5 Le quadrilatère MNOP est un carré et les triangles POY et NOZ sont équilatéraux.



a. Quelle est la mesure de l'angle MNZ ? Justifie.

MNOP est un carré donc MNO =90°

$$\widehat{MNZ} = \widehat{MNO} + \widehat{ONZ} = 90^{\circ} + 60^{\circ} = 150^{\circ}$$
.

b. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{YON} ? Justifie.

MNOP est un carré donc $\widehat{NOP} = 90^{\circ}$

$$\widehat{YON} = \widehat{NOP} - \widehat{YOP} = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}.$$

c. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{YOZ} ? Justifie.

Par codage, $\widehat{NOZ} = 60^{\circ}$.

$$\widehat{YOZ} = \widehat{YON} + \widehat{NOZ} = 30^{\circ} + 60^{\circ} = 90^{\circ}.$$

d. Quelle est la nature du triangle YOZ ? Justifie.

YOP et NOZ sont équilatéraux car ils ont 3 angles de même mesure. Par ailleurs, ON = OP car OMNP est un carré. Donc YO = OZ. Comme par ailleurs $\widehat{YOZ} = 90^{\circ}$, YOZ est un triangle rectangle isocèle.

e. Comment semblent être les points M, Y et Z ? (On ne demande pas de le démontrer.)

M, Y et Z semblent être alignés.