

1 Une piscine olympique mesure 50 m de long sur 20 m de large et a une profondeur moyenne de 1,70 m.

Combien de temps faut-il pour la remplir à l'aide d'une pompe dont le débit est de 7 500 L·h⁻¹ ? Donne le résultat en jours, heures et minutes.



Volume de la piscine :

$$50 \text{ m} \times 20 \text{ m} \times 1,70 \text{ m} = 1\,700 \text{ m}^3$$

$$1\,700 \text{ m}^3 = 1\,700\,000 \text{ L}$$

Volume en L	7 500	1 700 000
Temps en min	60	x

$$x = \frac{60 \times 1\,700\,000}{7\,500} = 13\,600$$

Il faudra donc 13 600 min pour remplir la piscine.

$$13\,600 \text{ min} = 226 \times 60 \text{ min} + 40 \text{ min}$$

$$13\,600 \text{ min} = 226 \text{ h} + 40 \text{ min}$$

$$13\,600 \text{ min} = 9 \times 24 \text{ h} + 10 \text{ h} + 40 \text{ min}$$

$$13\,600 \text{ min} = 9 \text{ j} 10 \text{ h} 40 \text{ min}$$

Il faudra donc 9 jours 10 heures et 40 minutes pour remplir la piscine avec cette pompe.

2 Fabriquée en série dans l'usine de Molsheim en Alsace, la Bugatti Veyron a atteint les 415 km·h⁻¹ sur le grand Lac Salé, situé dans l'Utah. Cela en fait la voiture de série la plus rapide au monde.

a. Sa consommation en utilisation normale est de 24,1 L/100 km, et la capacité de son réservoir est de 98 litres. Calcule son autonomie, en utilisation normale, arrondie au kilomètre.

$$\frac{98 \times 100}{24,1} \approx 407$$

Son autonomie est de 407 km (arrondie au km).

b. À la vitesse de 400 km·h⁻¹, sa consommation atteint 90 L/100 km. Calcule alors son autonomie, arrondie au kilomètre.

$$\frac{98 \times 100}{90} \approx 109$$

À la vitesse de 400 km·h⁻¹, elle est de 109 km.

c. Calcule sa vitesse maximale en m·s⁻¹. Donne la valeur arrondie au dixième.

$$415 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = \frac{415 \text{ km}}{1 \text{ h}} = \frac{415\,000 \text{ m}}{3\,600 \text{ s}} \approx 115,3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Sa vitesse maximale est de 115,3 m·s⁻¹

3 Le césium est un métal qui a été découvert en 1861. Il est liquide à température ambiante, et sa masse volumique est de 1 879 kg·m⁻³. Il est utilisé dans différents domaines, dont la médecine ; il permet aussi de définir la durée de la seconde.

a. Exprime la masse volumique du césium, en g·cm⁻³.

$$1\,879 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3} = \frac{1\,879 \text{ kg}}{1 \text{ m}^3} = \frac{1\,879\,000 \text{ g}}{10^6 \text{ cm}^3}$$

$$1\,879 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3} = 1,879 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$$

b. Calcule la masse, en kg, de 5,4 dm³ de ce métal. Donne la valeur arrondie au dixième.

$$1 \text{ cm}^3 \text{ pèse } 1,879 \text{ g et } 5,4 \text{ dm}^3 = 5\,400 \text{ cm}^3$$

$$5\,400 \text{ cm}^3 \text{ de ce métal pèse : } 5\,400 \times 1,879 \text{ g,}$$

c'est-à-dire 10 146,6 g. Autrement dit 5,4 dm³ de ce métal pèse 10,1 kg (arrondi au dixième).

4 L'eau d'un bassin est une solution saline dont la concentration en sel est égale à 35 g·L⁻¹. Le bassin est semblable à un pavé droit dont les dimensions sont 5 m ; 3 m et 2,5 m.

Calcule la quantité de sel, en kg, dans ce bassin.

$$\text{Volume du bassin : } 5 \text{ m} \times 3 \text{ m} \times 2,5 \text{ m} = 37,5 \text{ m}^3$$

$$37,5 \text{ m}^3 = 37\,500 \text{ L}$$

$$1 \text{ L d'eau du bassin contient } 35 \text{ g de sel.}$$

$$37\,500 \text{ L d'eau du bassin contient donc}$$

$$37\,500 \times 35 \text{ g de sel, c'est-à-dire } 1\,312\,500 \text{ g.}$$

La quantité de sel est donc de 1 312,5 kg.

5 Un téléviseur à écran plat a une puissance P de 180 W. On le fait fonctionner pendant une durée t de deux heures et quarante-cinq minutes.

a. Calcule l'énergie E consommée par ce téléviseur ($E = P \times t$), exprimée en kWh.

$$2 \text{ h } 45 \text{ min} = 2,75 \text{ h et } 180 \text{ W} = 0,18 \text{ kW}$$

L'énergie consommée par ce téléviseur est de :

$$0,18 \text{ kW} \times 2,75 \text{ h} = 0,495 \text{ kWh}$$

b. Exprime cette énergie en joules (1 J = 1 Ws).

$$0,495 \text{ kWh} = 0,495 \text{ kW} \times 1 \text{ h} = 495 \text{ W} \times 3\,600 \text{ s}$$

$$0,495 \text{ kWh} = 1\,782\,000 \text{ J}$$